



Universitas Gadjah Mada

Fakultas Teknik

Departemen Teknik Sipil dan Lingkungan

# UKURAN LOKASI DAN DISPERSI

Statistika dan Probabilitas

# Statistical Measures

2

- *Common statistical measures*
  - *Measure of central tendency*
    - Mean
    - Mode
    - Median
  - *Measure of variability*
    - Range
    - Variance
    - Standard deviation
  - *Measure of an individual in a population*
    - z score
    - Percentile rank

# *Measure of Central Tendency*

3

- Nilai rerata (*average*)
  - rerata (*mean*)
    - nilai rerata semua nilai data
  - modus (*mode*)
    - nilai data (*score*) yang paling sering muncul
  - median
    - nilai data (*score*) yang berada di tengah dari suatu rangkaian nilai data urut (dari nilai kecil ke besar atau sebaliknya)

# Measure of Central Tendency

4

## □ Contoh

- Jumlah penumpang suatu angkutan kota (angkot) dalam 11 rit adalah sbb.  
100, 100, 100, 63, 62, 60, 12, 12, 6, 2, 1

■ rerata	=	47	=AVERAGE(...)
■ modus	=	100	=MODE(...)
■ median	=	60	=MEDIAN(...)

MSExcel

## □ Diskusi

- Dari ketiga ukuran statistis di atas, manakah yang paling baik mendeskripsikan pola jumlah penumpang angkot?

# *Measure of Central Tendency*

5

- ❑ Diskusi
  - ❑ Dari contoh angkot tersebut, carilah contoh data yang lain, misal:
    - jenis mobil yang dipakai sebagai angkot
    - pola penumpang dalam menggunakan jasa angkot (waktu, jarak, dsb.)
  - ❑ Diskusikan
    - rerata
    - modus
    - median
  - ❑ Cari contoh data yang lain yang berkaitan dengan bidang teknik sipil dan lingkungan dan diskusikan nilai-nilai rerata, modus, median

# Measure of Central Tendency

6

- Simbol dan rumus/persamaan

- Rerata

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

Nilai rerata sampel  
 $n$  = jumlah anggota sampel

**besaran statistis:** hanya berdasarkan sampel (sebagian anggota populasi)

$$\mu_X = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

Nilai rerata populasi  
 $n$  = jumlah anggota populasi

**parameter:** berdasarkan semua anggota populasi

estimasi nilai rerata populasi

# *Measure of Central Tendency*

7

- Beberapa sifat nilai rerata

$$C\bar{X} = \frac{1}{n} \sum CX \quad C = \text{konstanta}$$

$$C + \bar{X} = \frac{1}{n} \sum (C + X)$$

# Measure of Central Tendency

8

- ❑ Rerata berbobot (*weighted mean*)

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n w_i X_i}{\sum_i^n w_i}$$

- ❑ dipakai pula untuk menghitung nilai rerata pada data yang dikelompokkan (ke dalam klas yang memiliki selang atau interval)
- ❑ misal pada tabel frekuensi variabel kontinu
- ❑ dalam hal ini,  $X_i$  adalah nilai median rentang klas

# Measure of Central Tendency

9

## □ Nilai rerata

□ *Arithmetic mean*

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad =\text{AVERAGE}(...)$$

□ *Geometric mean*

$$\bar{X} = \left( \prod_{i=1}^n x_i \right)^{\frac{1}{n}} \quad =\text{GEOMEAN}(...)$$

□ *Harmonic mean*

$$\bar{X} = \frac{n}{\sum_{i=1}^n \frac{1}{x_i}} \quad =\text{HARMEAN}(...)$$

# Measure of Central Tendency

10

## □ Median

### □ Data yang dikelompokkan

$$\text{Median} = Md = L_{md} + \frac{n/2 - F}{f_{md}} c$$

rentang median adalah rentang klas tempat median berada, yaitu klas ke  $n/2$  setelah klas diurutkan menurut score

$L_{md}$  : batas bawah rentang median

$n$  : jumlah data

$F$  : jumlah frekuensi seluruh rentang klas sebelum rentang median

$f_{md}$  : frekuensi rentang median

$c$  : lebar klas

# Measure of Central Tendency

11

- Modus
  - Data yang dikelompokkan

$$\text{Modus} = Mo = L_{mo} + \frac{a}{a+b} c$$

**rentang modus** adalah rentang klas yang memiliki frekuensi tertinggi (terbanyak)

$L_{mo}$  : batas bawah rentang modus

$a$  : beda frekuensi antara rentang modus dengan rentang sebelumnya

$b$  : beda frekuensi antara rentang modus dengan rentang sesudahnya

$c$  : lebar klas rentang modus

# Measure of Variability

12

## ❑ Keragaman

- ❑ *Variability, scatter, spread*
  - menunjukkan apakah angka dalam distribusi saling berdekatan atau berjauhan
- ❑ *Range* → beda antara nilai tertinggi dan terendah dalam distribusi
  - mungkin biasa digunakan dalam permasalahan sehari-hari
- ❑ *Standard deviation (simpangan baku)*
  - biasa dipakai dalam permasalahan “teknis”

# *Measure of Variability*

13

- Kenapa pembagi  $n - 1$ 
  - menghasilkan nilai yang lebih besar daripada dibagi dengan  $n$ ; ini untuk mengompensasi kecenderungan variabilitas sampel yang lebih kecil daripada variabilitas populasi
  - dari sisi praktis, hal ini juga menunjukkan variabilitas dari sampel beranggota 1 adalah tidak ada (tidak ada variabilitas dari 1 score)

# Measure of Variability

14

- Simbol dan rumus
    - *Standard deviation* (deviasi standar, simpangan baku)

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2}{n}} \quad \text{simpangan baku populasi} \quad =\text{STDEV.P}(...)$$

estimasi nilai  
simpangan  
baku populasi

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2}{n - 1}}$$

simpangan baku sampel

`=STDEV.S(...)`

# **Measure of Variability**

15

- Simbol dan rumus
    - Variance (variansi, keragaman)

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2}{n} \quad \text{variansi populasi} \quad = \text{VAR.P}(...)$$

$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2}{n-1} \quad \text{variansi sampel} \quad = \text{VAR.S}(...)$$

estimasi nilai variance populasi

# Measure of Variability

16

$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2}{n - 1} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i^2 - 2x_i\bar{X} + \bar{X}^2)}{n - 1}$$

$$= \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2 - 2\bar{X}\sum_{i=1}^n x_i + n\bar{X}^2}{n - 1} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2 - 2\frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n} \sum_{i=1}^n x_i + n\left(\frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}\right)^2}{n - 1}$$

$$= \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2 - \frac{(\sum_{i=1}^n x_i)^2}{n}}{n - 1} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n\bar{X}^2}{n - 1}$$

# Measure of Variability

17

- Simbol dan rumus
  - Standard deviation and variance

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2}{n}} = \text{STDEV.S}(...)$$

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2}{n - 1}} = \text{VAR.S}(...)$$

# *Measure of Variability*

18

- Simbol dan rumus
  - Koefisien variasi

$$c_v = \frac{\sigma}{\mu}$$

$$c_v = \frac{s_X}{\bar{X}}$$

# Some Measures of An Individual in A Population

19

## □ z scores

$$z_X = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

untuk menunjukkan posisi sebuah score dalam suatu populasi

## □ Percentile rank

$$PR_X = \frac{B + \frac{1}{2}E}{n} \times 100$$

B = jumlah score yang bernilai di bawah X

E = jumlah score yang bernilai sama dengan X

n = jumlah score seluruhnya

untuk populasi berukuran besar

# *Some Measures of An Individual in A Population*

20

- Beberapa fungsi di dalam MS Excel
  - =RANK(...), =RANK.EQ(...), RANK.AVR(...)
    - posisi suatu nilai (angka) pada suatu urutan angka
  - =PERCENTILE(...), =PERCENTILE.EXC(...), =PERCENTILE.INC(...)
    - nilai percentile dalam suatu kisaran angka
  - =PERCENTRANK(...), =PERCENTRANK.EXC(...), =PERCENTRANK.INC(...)
    - posisi suatu nilai (angka) dalam suatu urutan angka, dalam persen

$$\frac{B}{B + A} \times 100$$

$B$  = jumlah score yang bernilai lebih kecil daripada  $X$   
 $A$  = jumlah score yang bernilai lebih besar daripada  $X$

perhatikan perbedaannya dengan  $PR_X$

# Terima kasih